## Trabalho 03 - Dimensionamento de Lote

## Pedro Hokama, Ana Andrade CTCO04 2025s2

Prazo de entrega: 21/11/2025

Data para entrega atrasada sem penalidade na nota: 28/11/2025

## Importante:

- Não olhe códigos de outros ou da internet.
- Em caso de plágio, fraude ou tentativa de burlar o sistema será aplicado nota 0 na disciplina aos envolvidos.
- O Trabalho pode ser realizado em duplas. Entretanto essas duplas serão fixas até o final do semestre.
- Alguns alunos podem ser solicitados para explicar com detalhes a implementação.
- Este trabalho deverá ser implementado em linguagem C.
- O código deve ser submetido APENAS pelo lider da dupla em https://runcodes.hokama.com.br.
- Seu programa deve executar no runcodes no tempo limite estabelecido.
- Passar em todos os testes do runcodes não é garantia de tirar a nota máxima. Sua nota ainda depende do cumprimento das especificações do trabalho, qualidade do código, clareza dos comentários, boas práticas de programação e entendimento da matéria.

Nesse trabalho você deverá resolver um problema NP-Difícil conhecido como Dimensionamento de Lote. Nesse problema precisamos decidir quantos produtos serão produzidos em cada período ao longo de um horizonte de planejamento

Definição 1. No Problema do Dimensionamento de Lotes com Custo de Setups em um horizonte de planejamento com T períodos  $\{0,1,\ldots,T-1\}$ , é necessário decidir quantos produtos produzir a cada período de forma a atender a demanda de cada período. São dados:

- $d_t$  a demanda de cada período.
- p<sub>t</sub> o custo de produção de cada unidade de produto no período t
- $h_t$  o custo de armazenar um item do período t para o t+1
- ullet s<sub>t</sub> é o custo de setup do período t pago se alguma unidade do produto for produzida no período t
- $a_t$  é a produção máxima do período t
- $b_t$  é a capacidade máxima de inventário do período t para t+1

A solução deve minimizar o custo total (setup, produção e armazenamento).

Considere o seguinte exemplo de instância do problema com T=4

- a demanda em cada período é d = [4, 2, 7, 5];
- o custo de produção por item em cada período é p = [1.01, 2.00, 3.00, 1.00];
- o custo de estoque é h = [1.00, 2.10, 5.00];
- o custo de setup por período é s = [5.00, 4.00, 8.00, 3.00];
- a produção máxima em cada período é dada por a = [7, 12, 15, 8];
- e a capacidade máxima de estoque por período é b = [9, 5, 12].

Se preferir você pode interpretar uma instância dessa utilizando uma figura como a Figura 1.

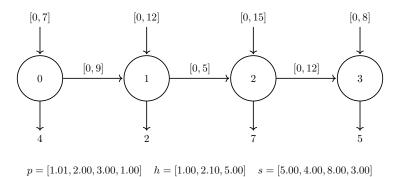


Figura 1: Ilustração da instância de exemplo.

A solução ótima para esse problema é produzir 6 unidades no período 0, 7 no período 2 e 5 unidades no período 3. Essa solução pode ser representada por um simples vetor  $\mathbf{x}$  com  $\mathbf{T}$  posições indicando a quantidade produzida em cada período, nessa exemplo  $\mathbf{x}^* = [6, 0, 7, 5]$ . Uma solução também pode ser representada por uma imagem, como na Figura 2.

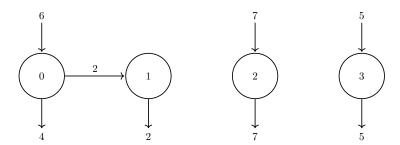


Figura 2: Exemplo de Solução Ótima para a Instância da Figura 2 do CSILSP.

Para calcular o custo de uma solução pode ser útil separar cada tipo de custo: custo de produção, custo de setup e custo de estoque. No exemplo o custo de produção é  $6 \cdot 1.01 + 7 \cdot 3.00 + 5 \cdot 1.00 = 32.06$ , o custo de setup é 5.00 + 8.00 + 3.00 = 16.00, e o custo de estoque é  $2 \cdot 1.00 = 1$ , e portanto o custo total é 32.06 + 16.00 + 2.00 = 50.06.

Você deverá implementar um algoritmo de Programação Dinâmica para resolver o problema. Uma possível solução é a seguinte:

Seja f(t,k) o custo ótimo de produção das demandas de  $d_0$  a  $d_t$ , e que tem o estoque k ao final do período t incluindo o custo de enviar os k itens do período t para o período t+1. Note o seguinte: para sobrar k itens no período t, esses produtos tiveram 2 possíveis fontes, k' podem ter vindo do período t-1, P podem ter sido produzidos no período t. Além disso alguns produtos saíram da fábrica para

atender a demanda do período t. Ou seja,  $k = k' + P - d_t$ . Nessa conta k e  $d_t$  estão fixos, e qual será o k' e P que fornecem o custo ótimo f(t, k)? Podemos testar todos os possíveis valores de k' e P viáveis

$$\forall t \in [0, T-1] \text{ e } \forall k \in [0, I_{max}], \tag{1}$$

$$f(t,k) = \min_{k'=\alpha...\beta} \left\{ f(t-1,k') + \left\lceil \frac{P}{a[t]} \right\rceil s_t + p_t P + h_t k \right\},\tag{2}$$

- em que  $P = k + d_t k'$
- $\alpha = \max\{0, d_t + k a_t\}$
- $b = \min\{b_{t-1}, d_t + k\}$
- $I_{max}$  é a maior capacidade de inventario
- O valor f(T-1,0) corresponde ao valor ótimo do problema.

Seu programa deverá ler da entrada padrão do sistema a instância no seguinte formato, um inteiro T com número de períodos, na próxima linha T inteiros com a produção máxima por período, T-1 inteiros com o estoque máximo por período, T inteiros com a demanda de cada período. T números de ponto flutuante com o custo de produção de cada período, T números de ponto flutuante com o custo de setup e por fim T-1 valores de ponto flutuante com custo de estoque de cada período. O exemplo acima estaria codificado da seguinte forma:

```
4
7 12 15 8
9 5 12
4 2 7 5
1.01 2.0 3.0 1.0
5.0 4.0 8.0 3.0
1.0 2.1 5.0
```

e deverá imprimir na tela APENAS o valor da solução ótima, arredondado para 2 casas decimais.

50.06